

留数計算を用いて、等式

$$\sum_{n=-\infty}^{\infty} \frac{1}{(n-a)^2} = \left(\frac{\pi}{\sin \pi a} \right)^2 \quad (a \in \mathbb{C} \setminus \mathbb{Z})$$

を示せ.